



TE055

Compensação dinâmica:  
Controlador de atraso

Prof<sup>a</sup> Juliana L. M. lamamura

# Compensação dinâmica: controlador de atraso

- Utilizado para reduzir o erro em regime permanente (aumentar a constante de erro de posição/velocidade/aceleração).

$$D(s) = \frac{s+z}{s+p} \quad z > p$$

- Os valores de  $z$  e  $p$  devem ser pequenos em relação a  $\omega_n$ :

$$\frac{s_d + z}{s_d + p} \approx 1$$

# Compensação dinâmica: controlador de atraso

- Aumento de ganho desejado:

$$\alpha = D(0) = \frac{z}{p}$$

- Como  $z > p$ , a fase é negativa (atraso de fase):

$$\varphi = \tan^{-1}\left(\frac{\omega}{z}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{\omega}{p}\right), \text{ com } s = j\omega$$

# Procedimento para o projeto de um controlador de atraso usando LR

1. Esboçar o LR do sistema não compensado;
2. Acrescentar ao LR os polos de MF dominantes que correspondam aos requisitos do projeto;
3. Calcular o ganho em malha aberta com a condição de módulo;
4. Se o ganho não for suficiente, calcular de quanto ele deve ser aumentado, obtendo  $\alpha = z/p$ ;
5. Escolher as posições de  $z$  e  $p$  para que o LR do sistema compensado passe pela posição desejada.

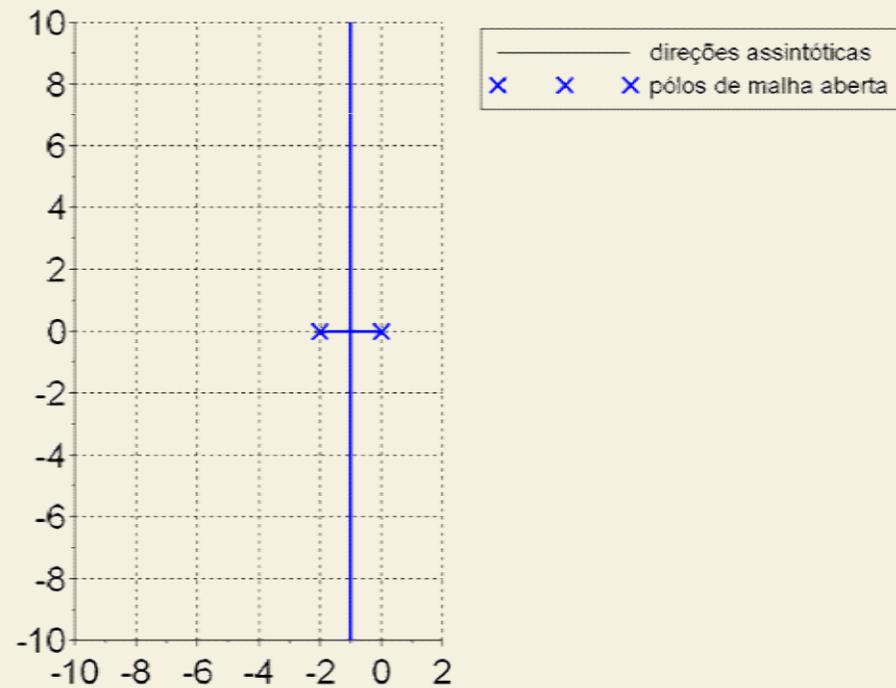
# Controlador de atraso: exemplo 1

Considerando uma planta com a função de transferência abaixo, projete um controlador que garanta  $\zeta = 0,45$  e um erro à rampa unitária  $\leq 5\%$ .

$$G(s) = \frac{1}{s(s+2)}$$

# Controlador de atraso: exemplo 1

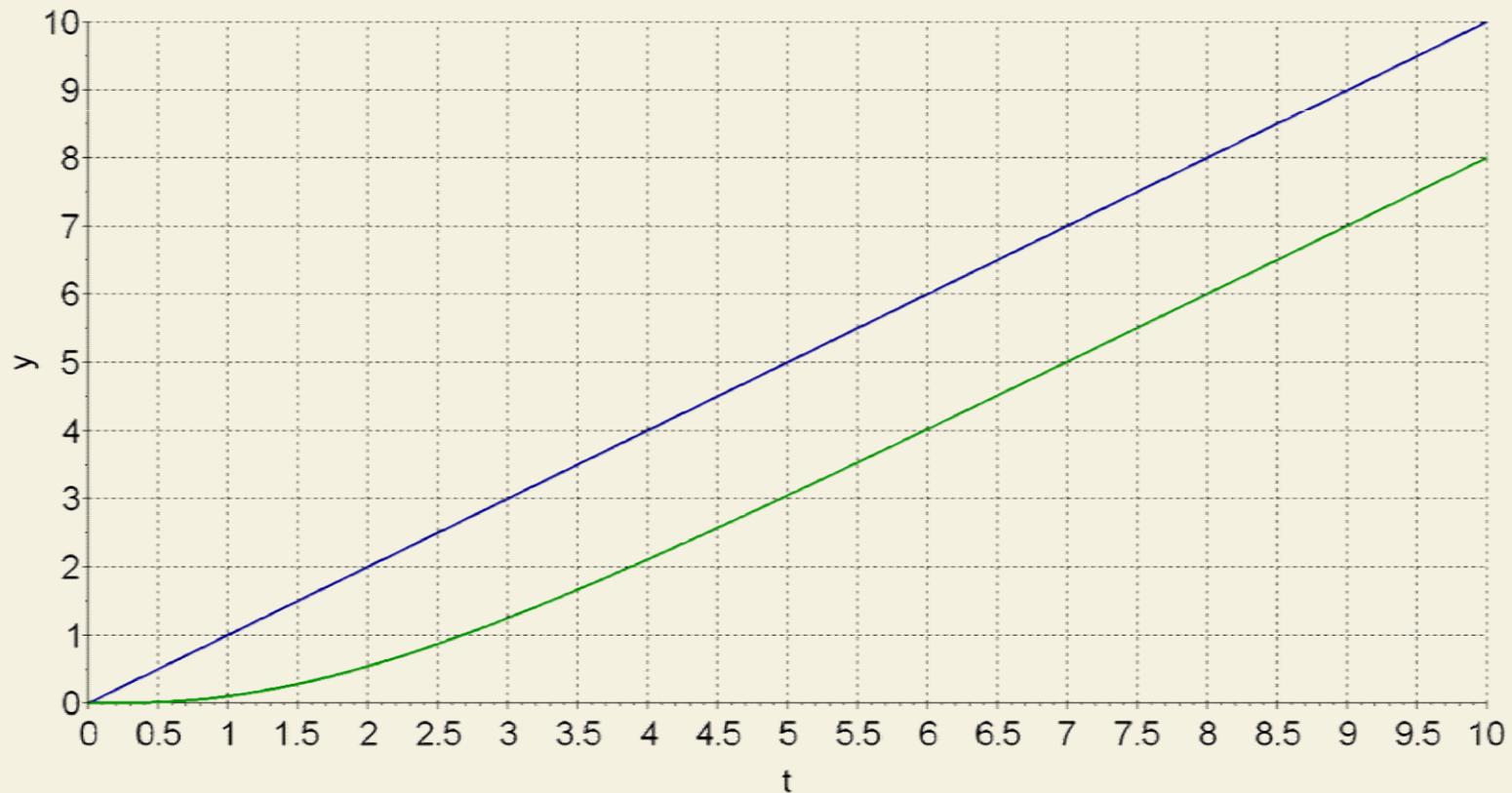
$$G(s) = \frac{1}{s(s+2)}$$



# Controlador de atraso: exemplo 1

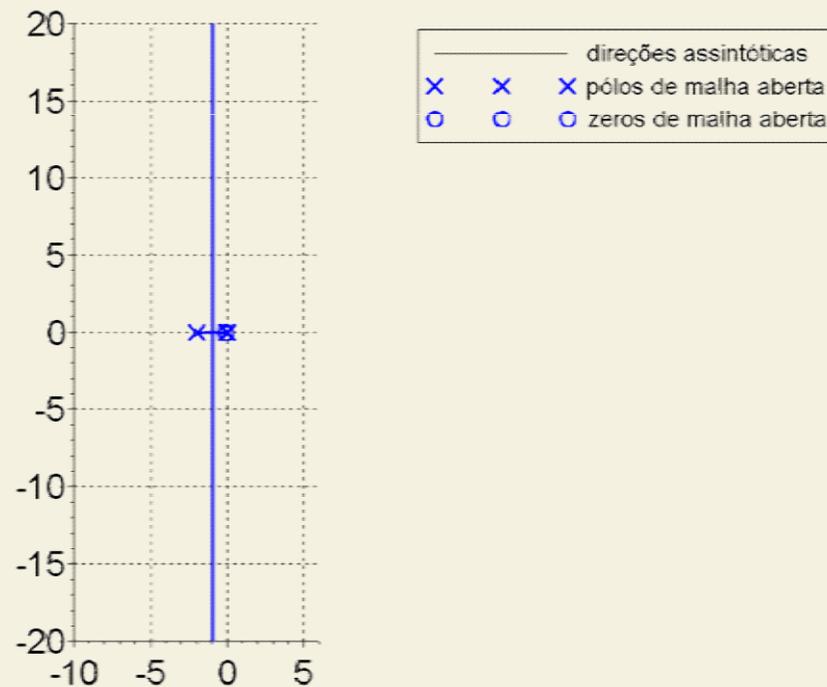
$$G(s) = \frac{1}{s(s+2)}$$

$$e_{rp} = 2$$



# Controlador de atraso: exemplo 1

$$G(s) = \frac{5}{s(s+2)} \frac{(s+0,1)}{(s+0,0125)}$$



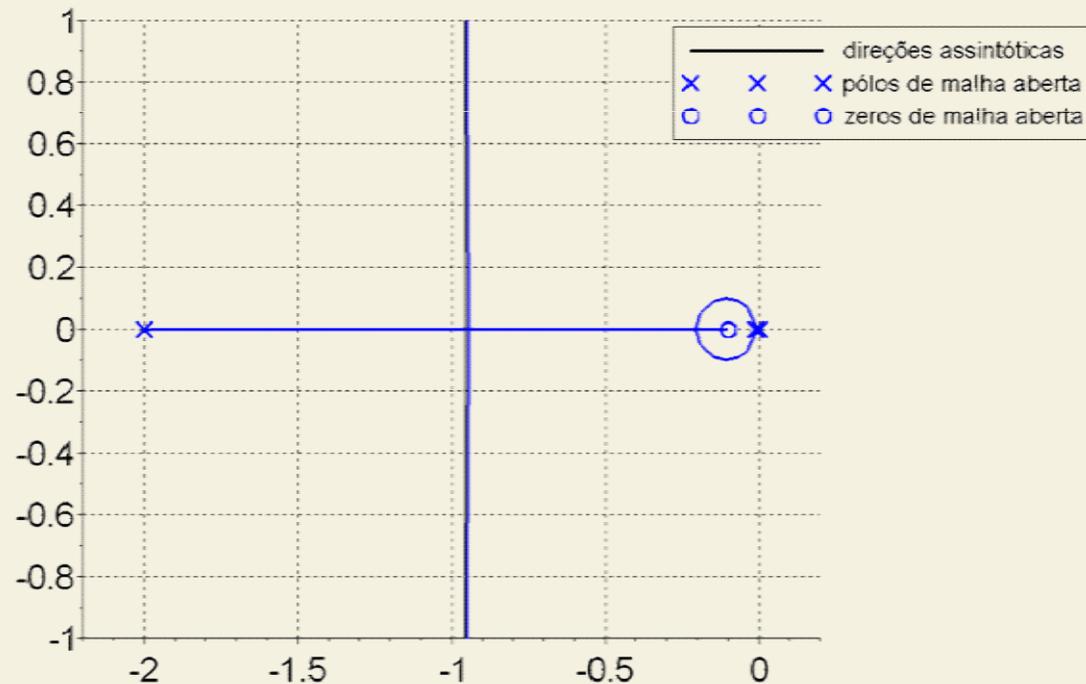
# Controlador de atraso: exemplo 1

$$G(s) = \frac{5}{s(s+2)} \frac{(s+0,1)}{(s+0,0125)}$$



# Controlador de atraso: exemplo 1

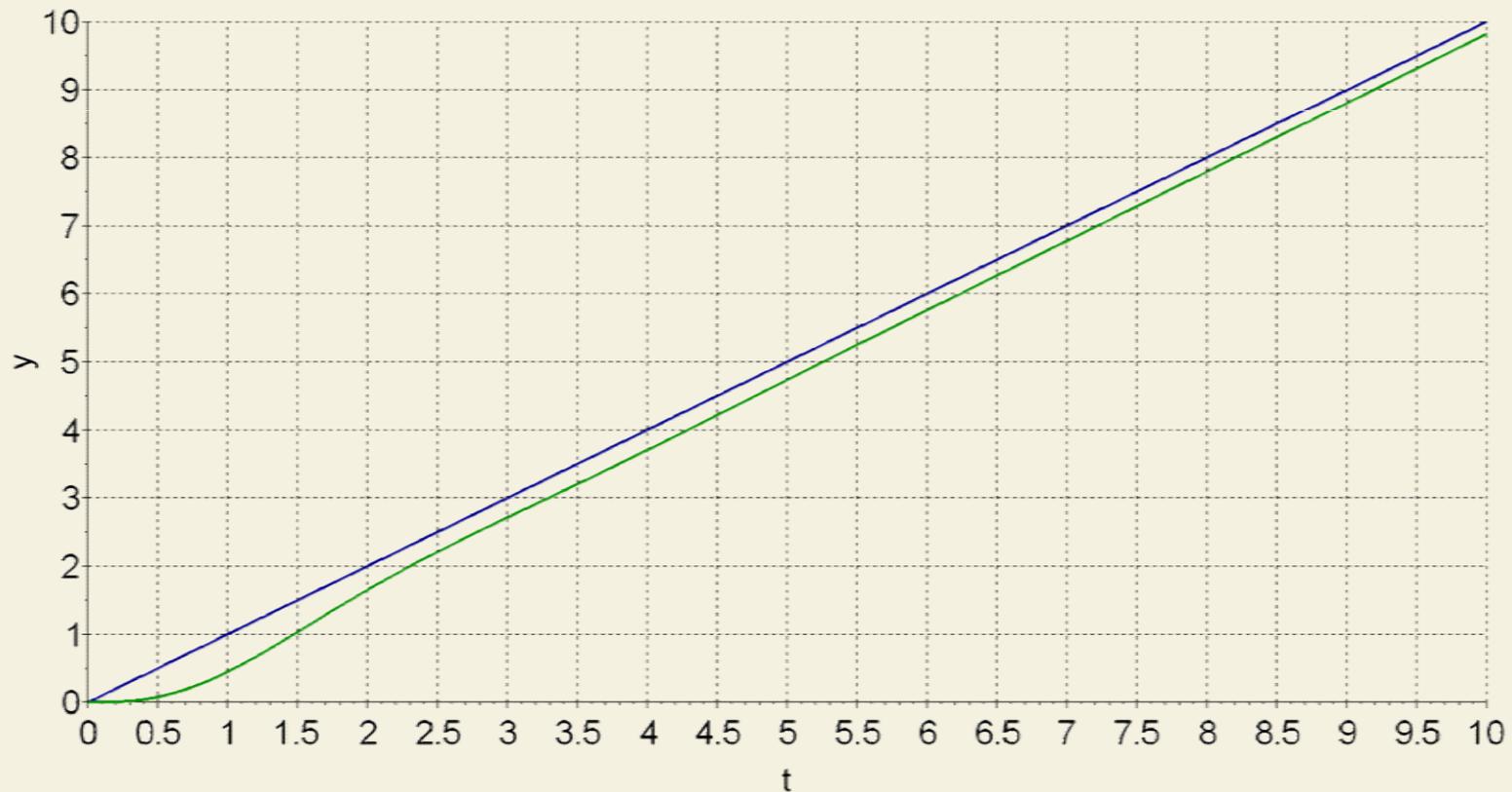
$$G(s) = \frac{5}{s(s+2)} \frac{(s+0,1)}{(s+0,0125)}$$



# Controlador de atraso: exemplo 1

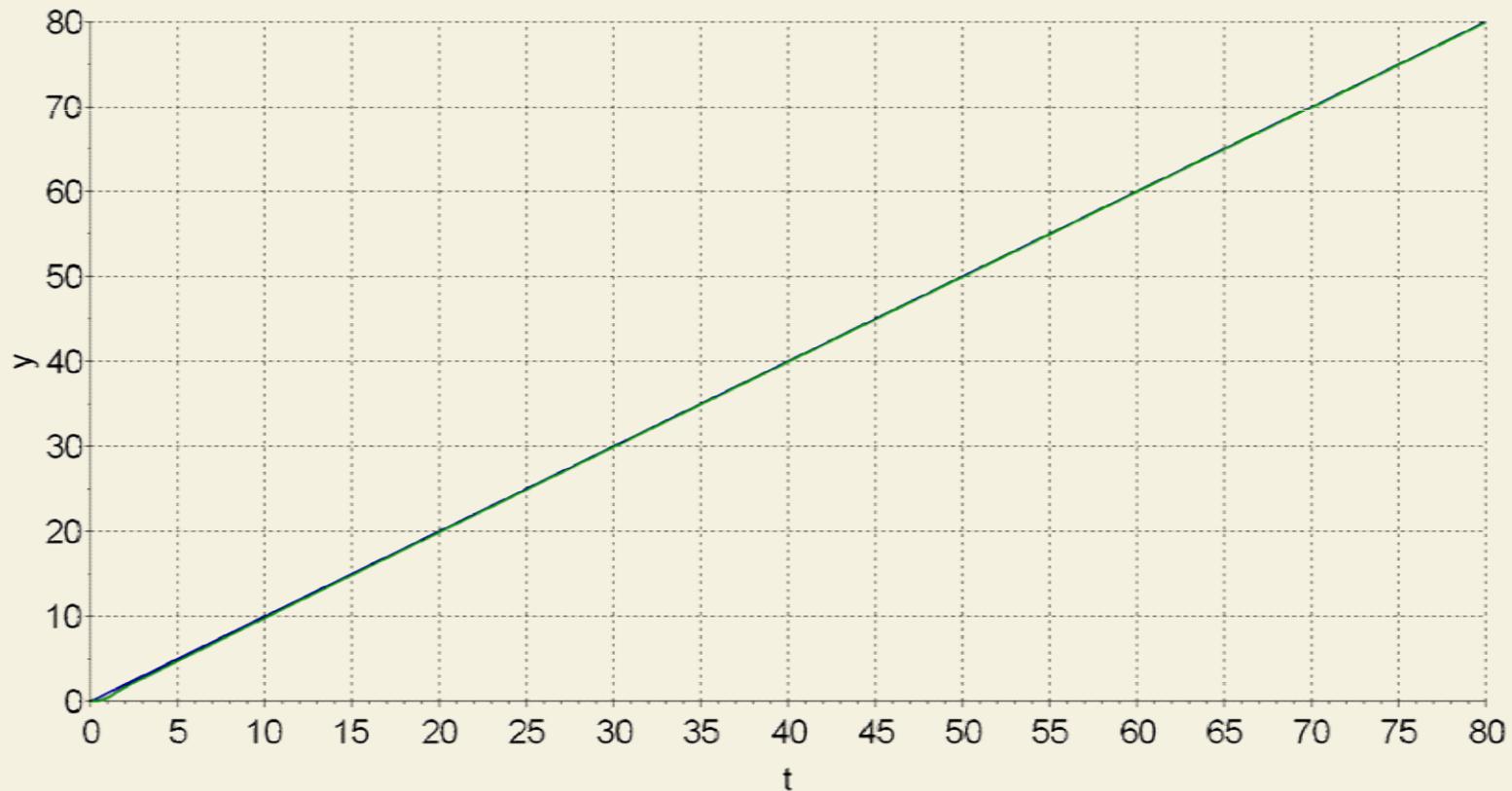
$$G(s) = \frac{5}{s(s+2)} \frac{(s+0,1)}{(s+0,0125)}$$

$$e_{rp} = 0,05$$



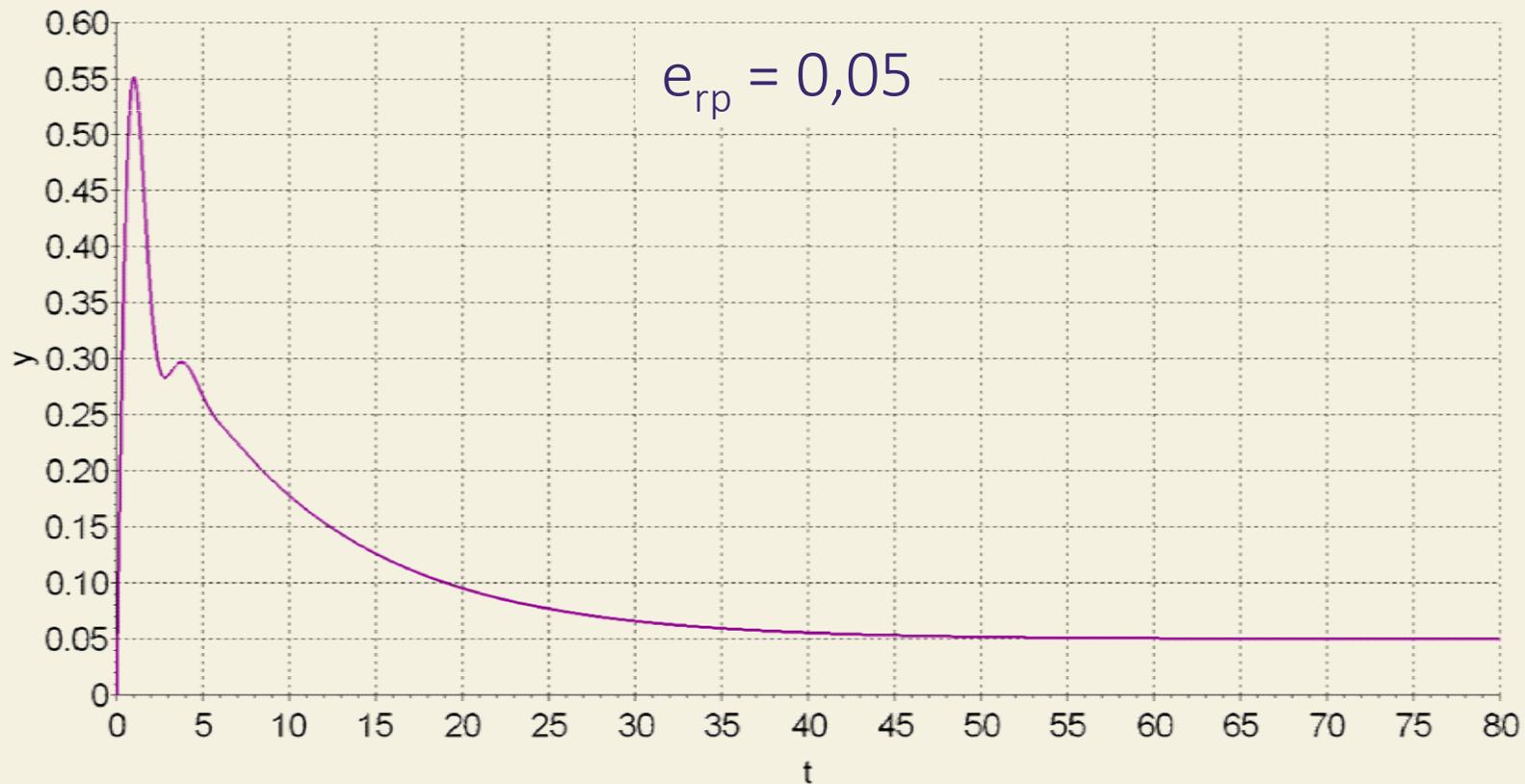
# Controlador de atraso: exemplo 1

$$G(s) = \frac{5}{s(s+2)} \frac{(s+0,1)}{(s+0,0125)}$$



# Controlador de atraso: exemplo 1

$$G(s) = \frac{5}{s(s+2)} \frac{(s+0,1)}{(s+0,0125)}$$



## Exemplo 2

Dada a FTMA abaixo, projete um controlador que garanta  $M_p \leq 20\%$  e  $K_v \geq 10$  ( $e_{rp} \leq 0,1$ ).

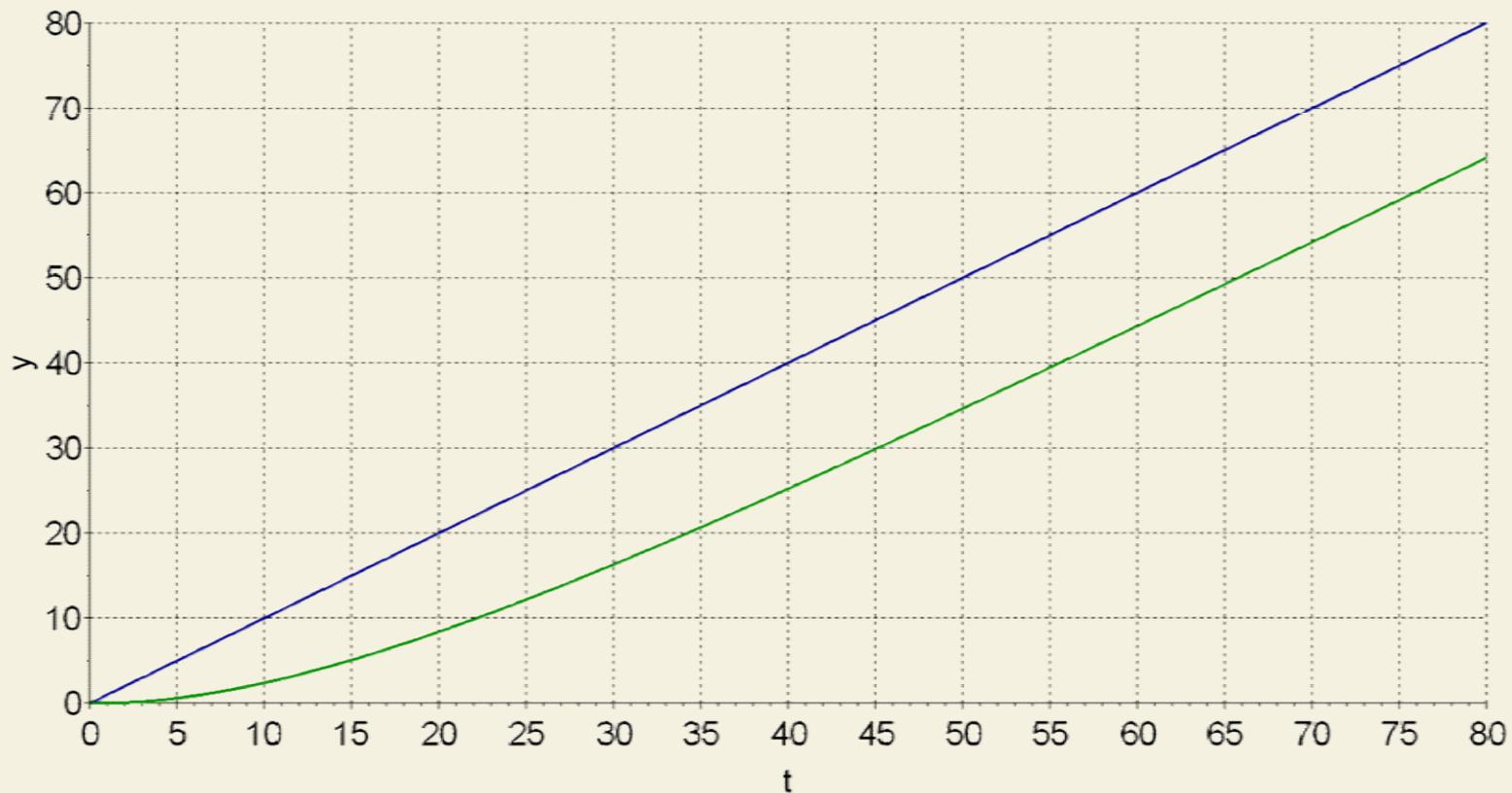
$$G(s) = \frac{1}{s(s+4)^2}$$

# Exemplo 2

$$G(s) = \frac{1}{s(s+4)^2}$$

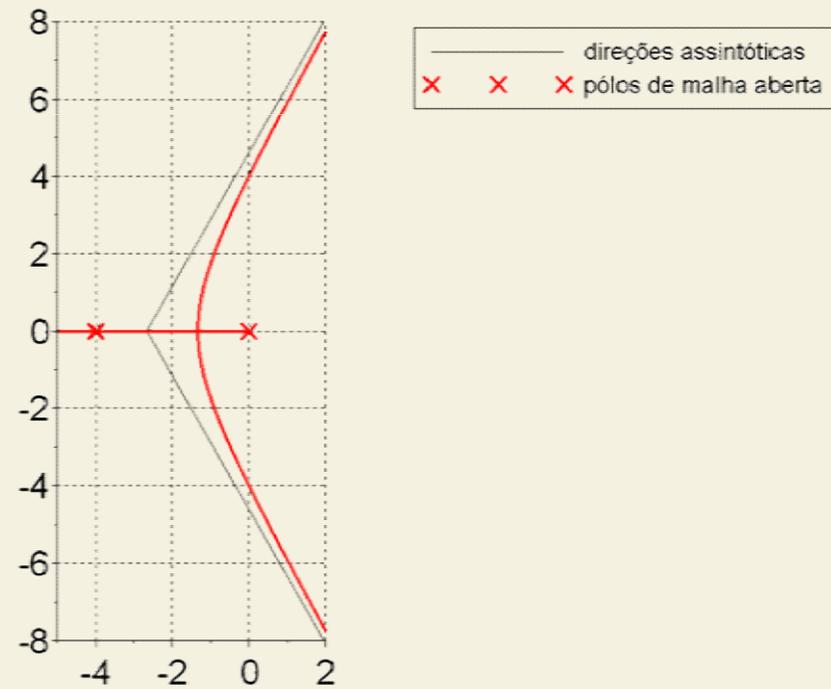
$$K_v = \lim_{s \rightarrow 0} sD(s)G(s)$$

$$e_{rp} = 16$$



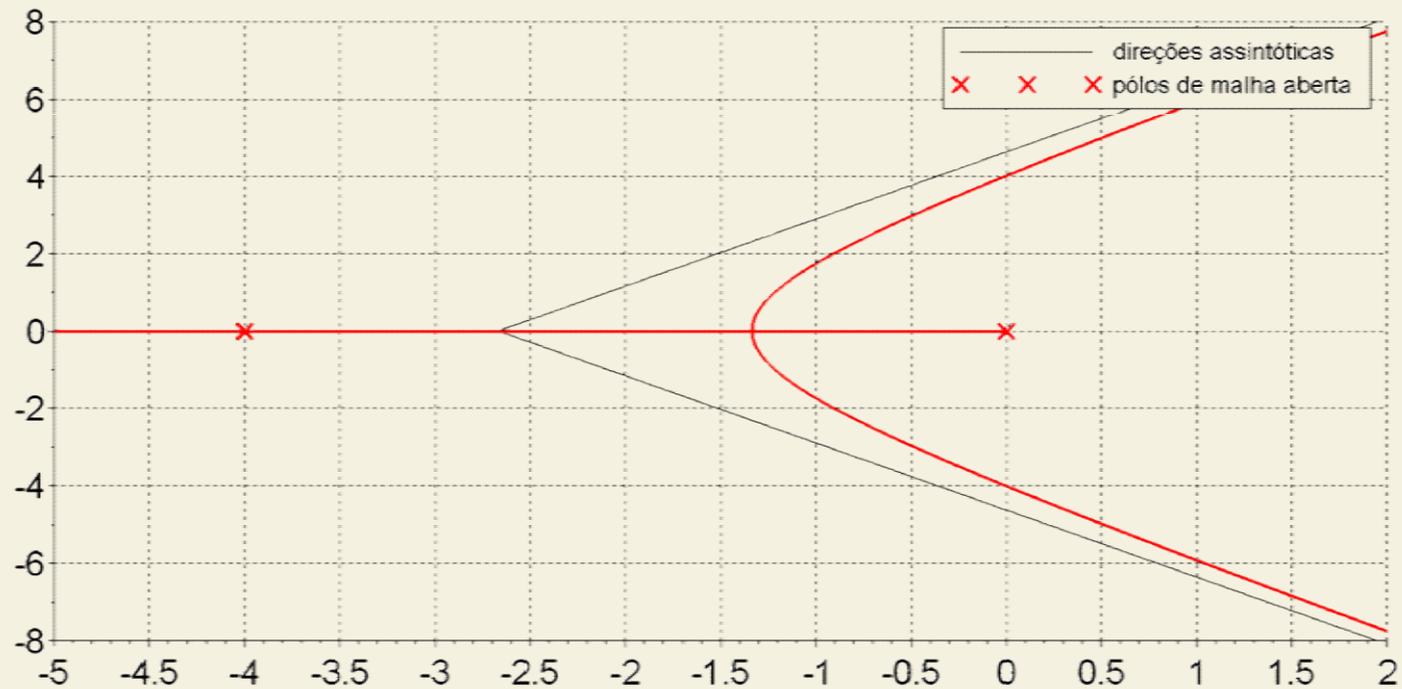
# Exemplo 2

$$G(s) = \frac{1}{s(s+4)^2}$$



# Exemplo 2

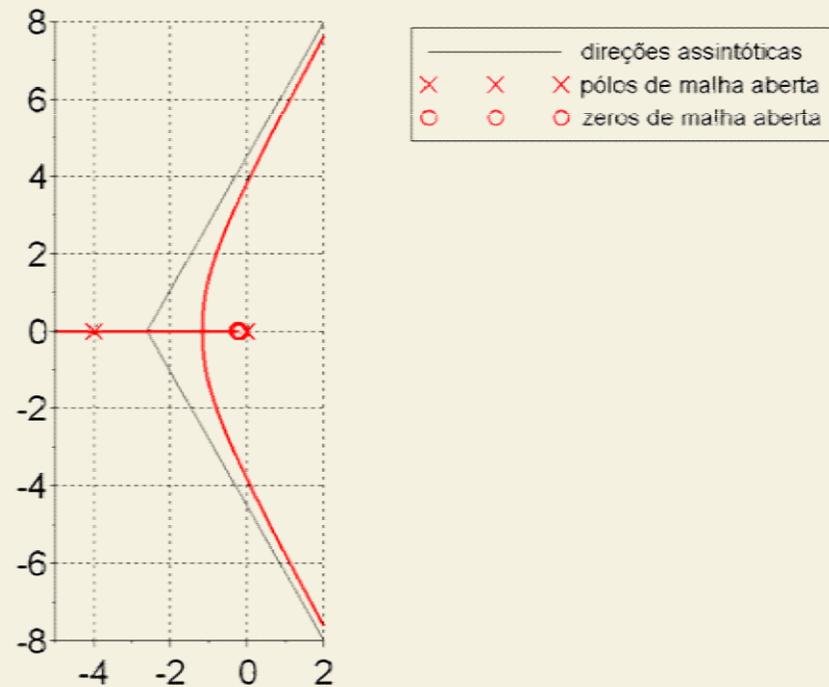
$$G(s) = \frac{1}{s(s+4)^2}$$



# Exemplo 2

$$D(s) = \frac{24(s + 0,2)}{(s + 0,03)}$$

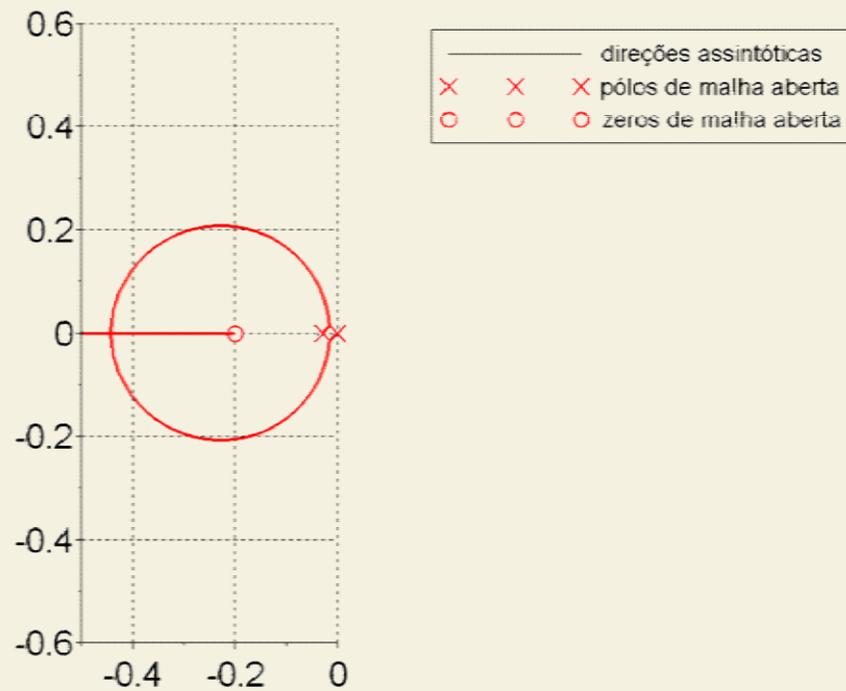
$$G(s) = \frac{1}{s(s + 4)^2}$$



# Exemplo 2

$$D(s) = \frac{24(s + 0,2)}{(s + 0,03)}$$

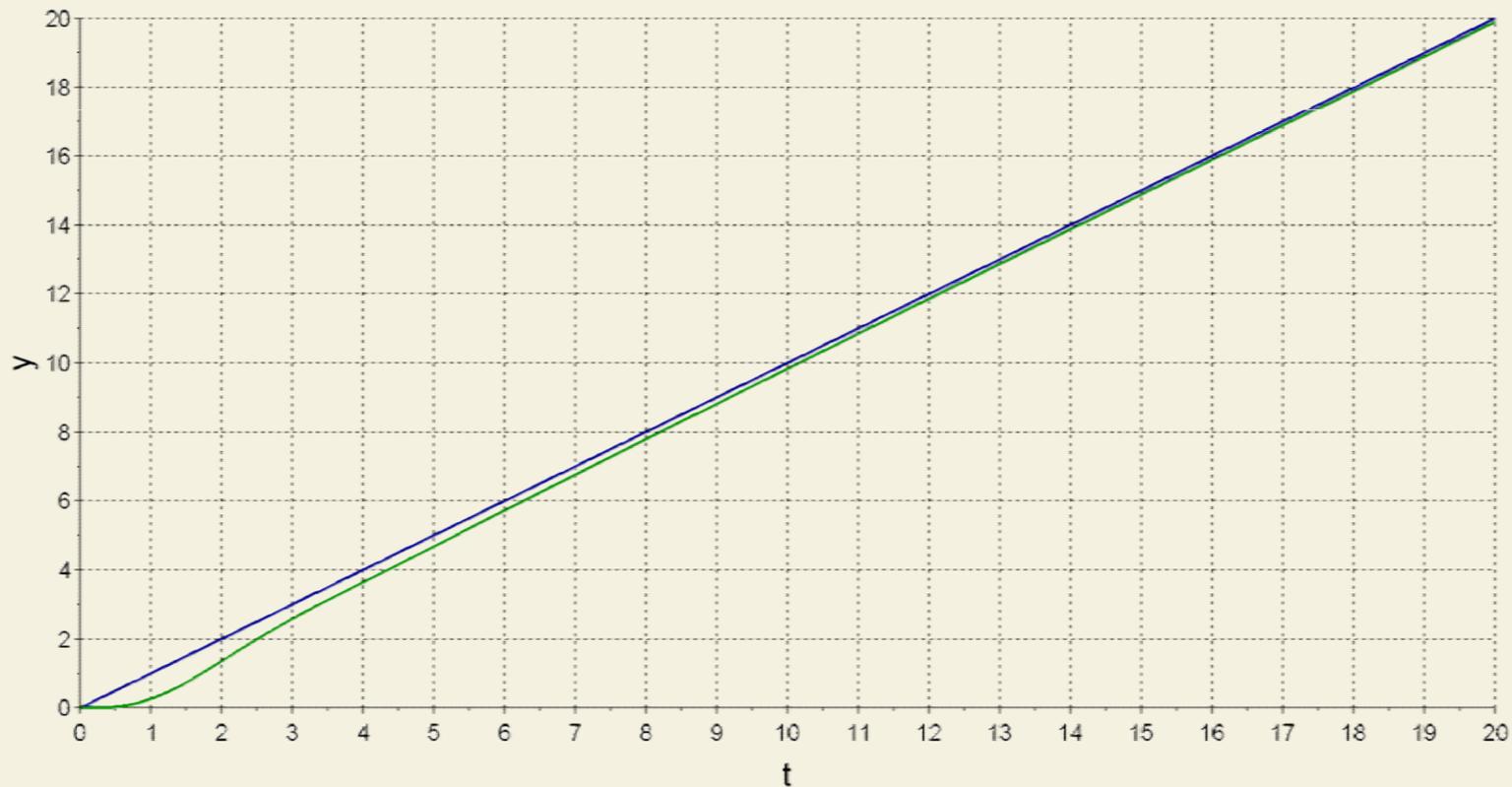
$$G(s) = \frac{1}{s(s + 4)^2}$$



# Exemplo 2

$$D(s) = \frac{24(s + 0,2)}{(s + 0,03)}$$

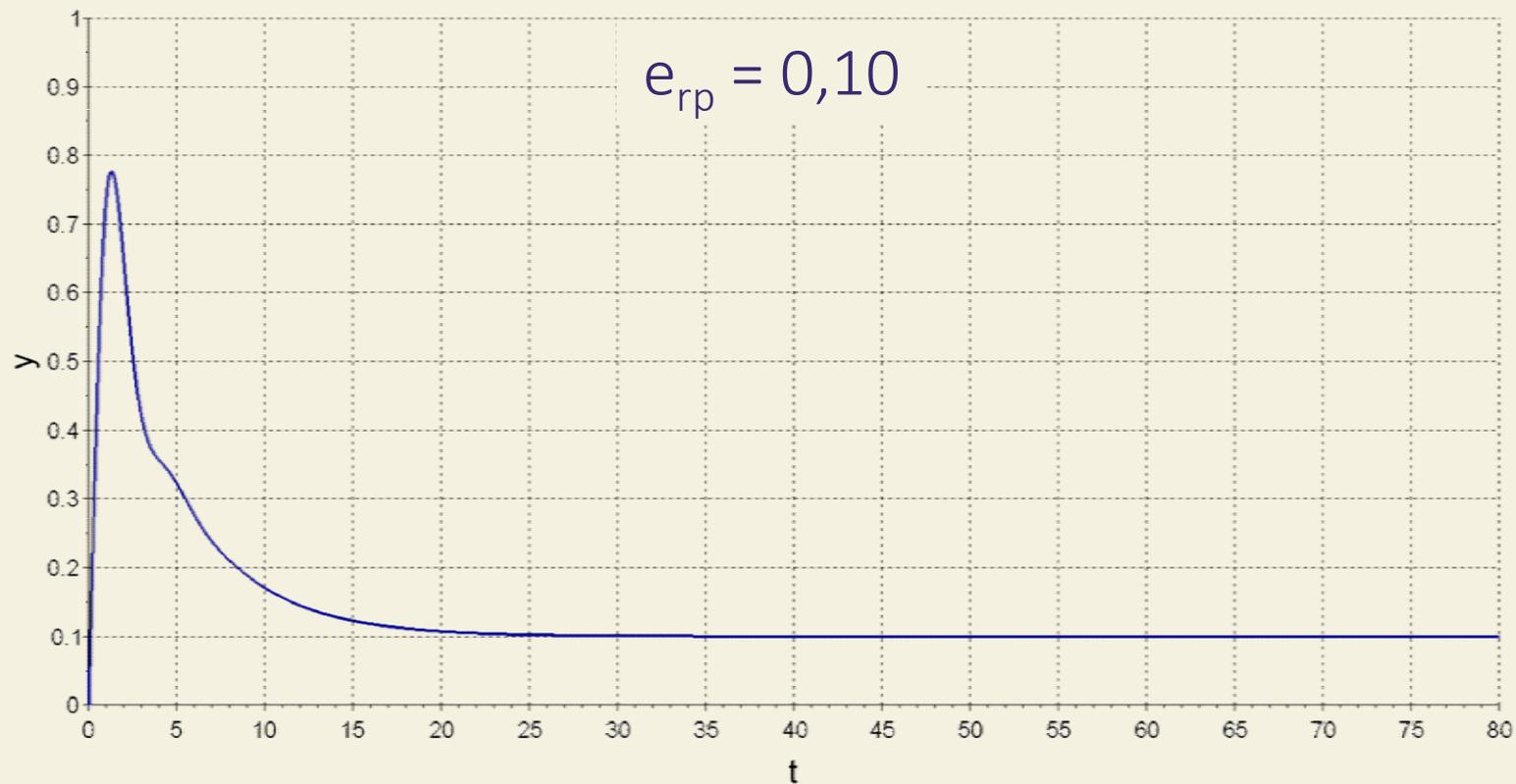
$$G(s) = \frac{1}{s(s + 4)^2}$$



# Exemplo 2

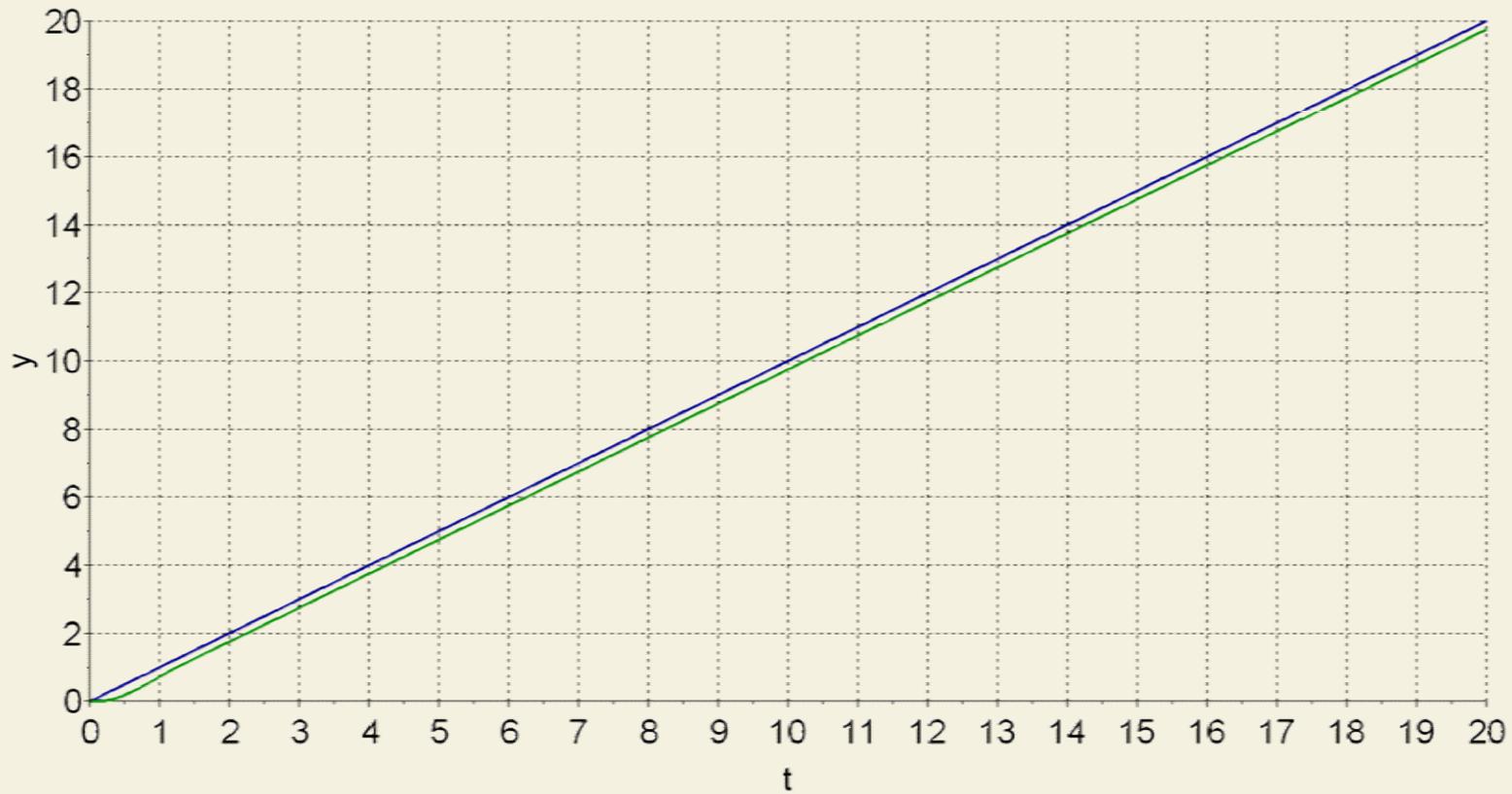
$$D(s) = \frac{24(s + 0,2)}{(s + 0,03)}$$

$$G(s) = \frac{1}{s(s + 4)^2}$$



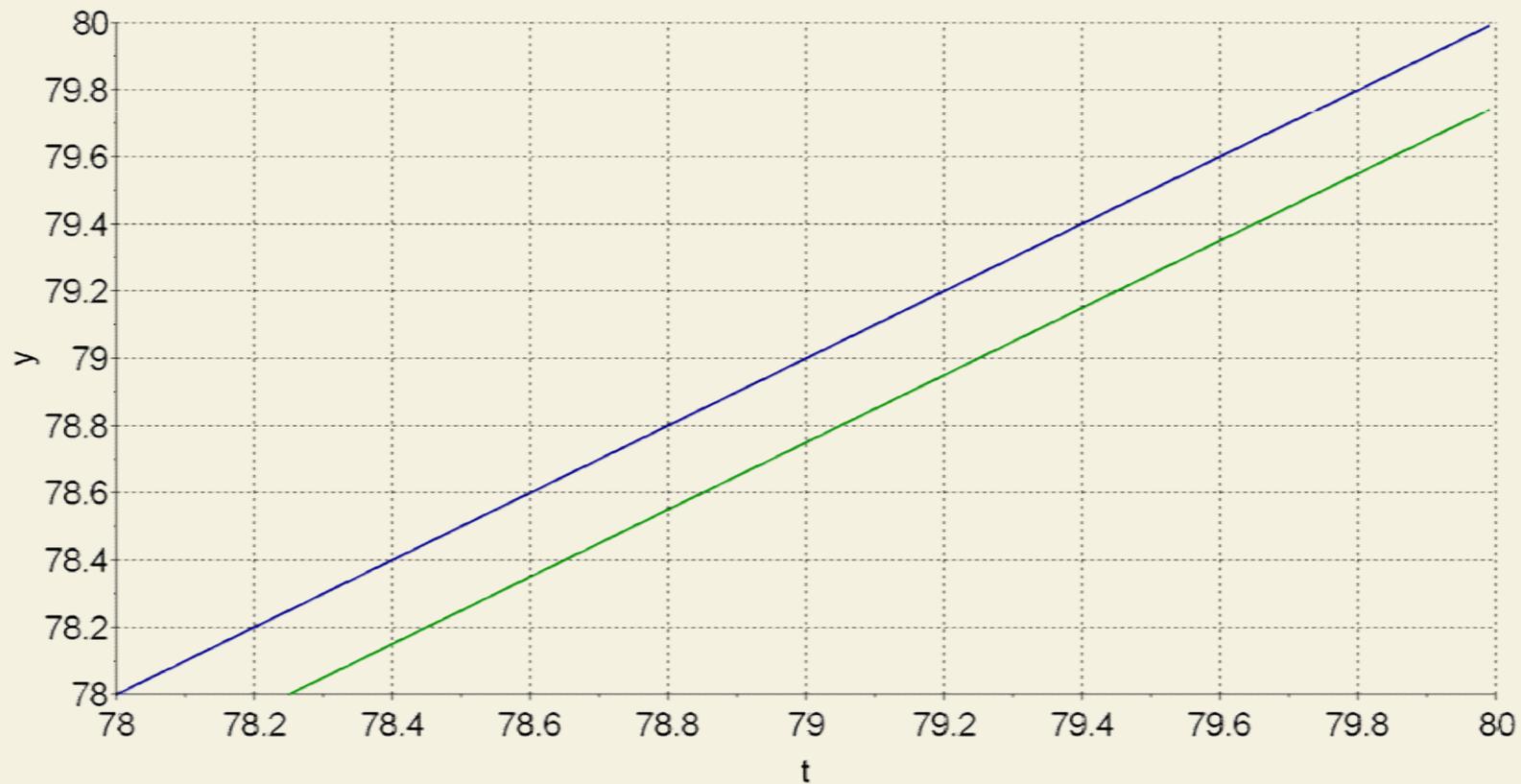
# Exemplo 3

$$G(s) = \frac{16}{s(s+4)}$$



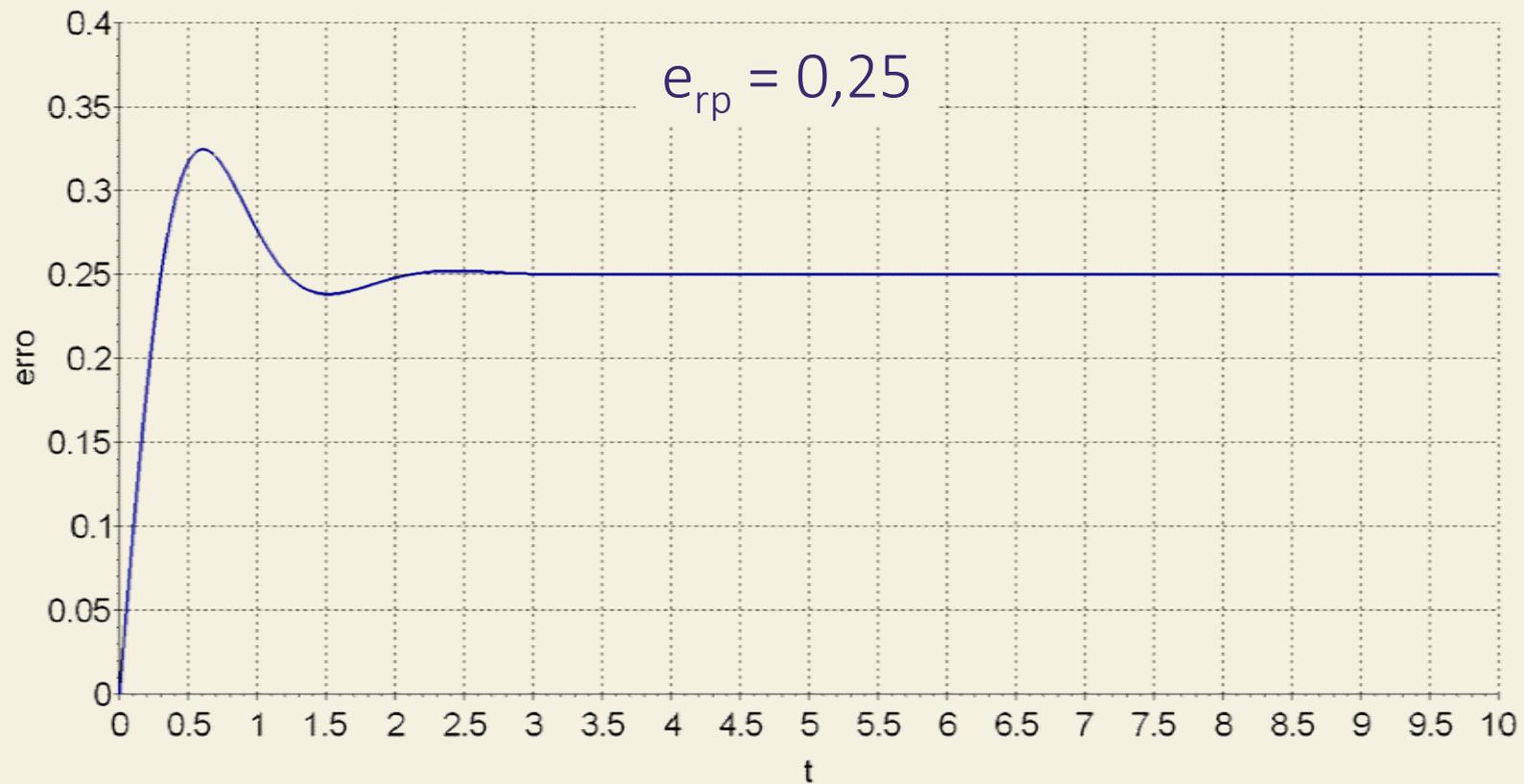
# Exemplo 3

$$G(s) = \frac{16}{s(s+4)}$$



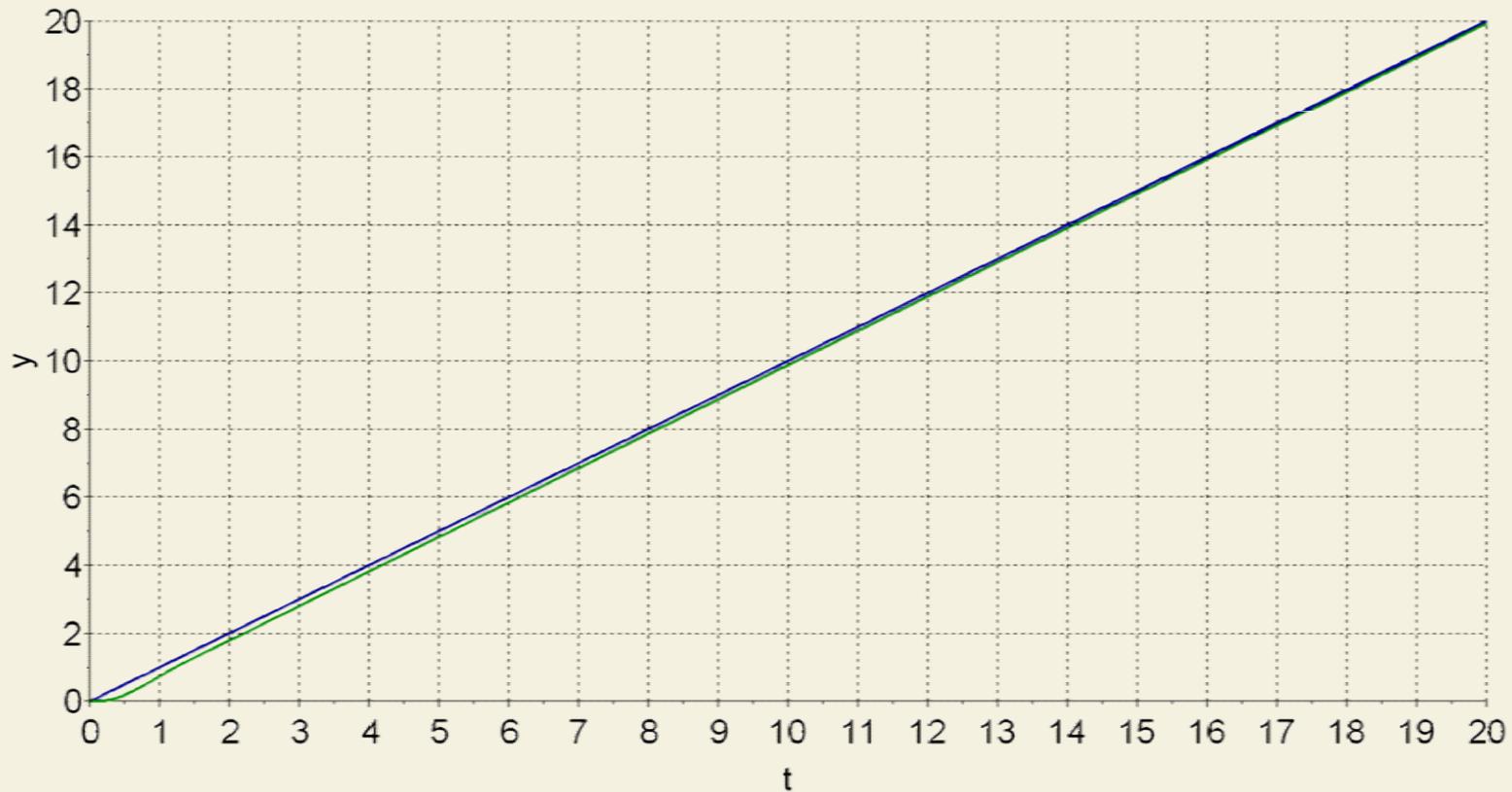
# Exemplo 3

$$G(s) = \frac{16}{s(s+4)}$$



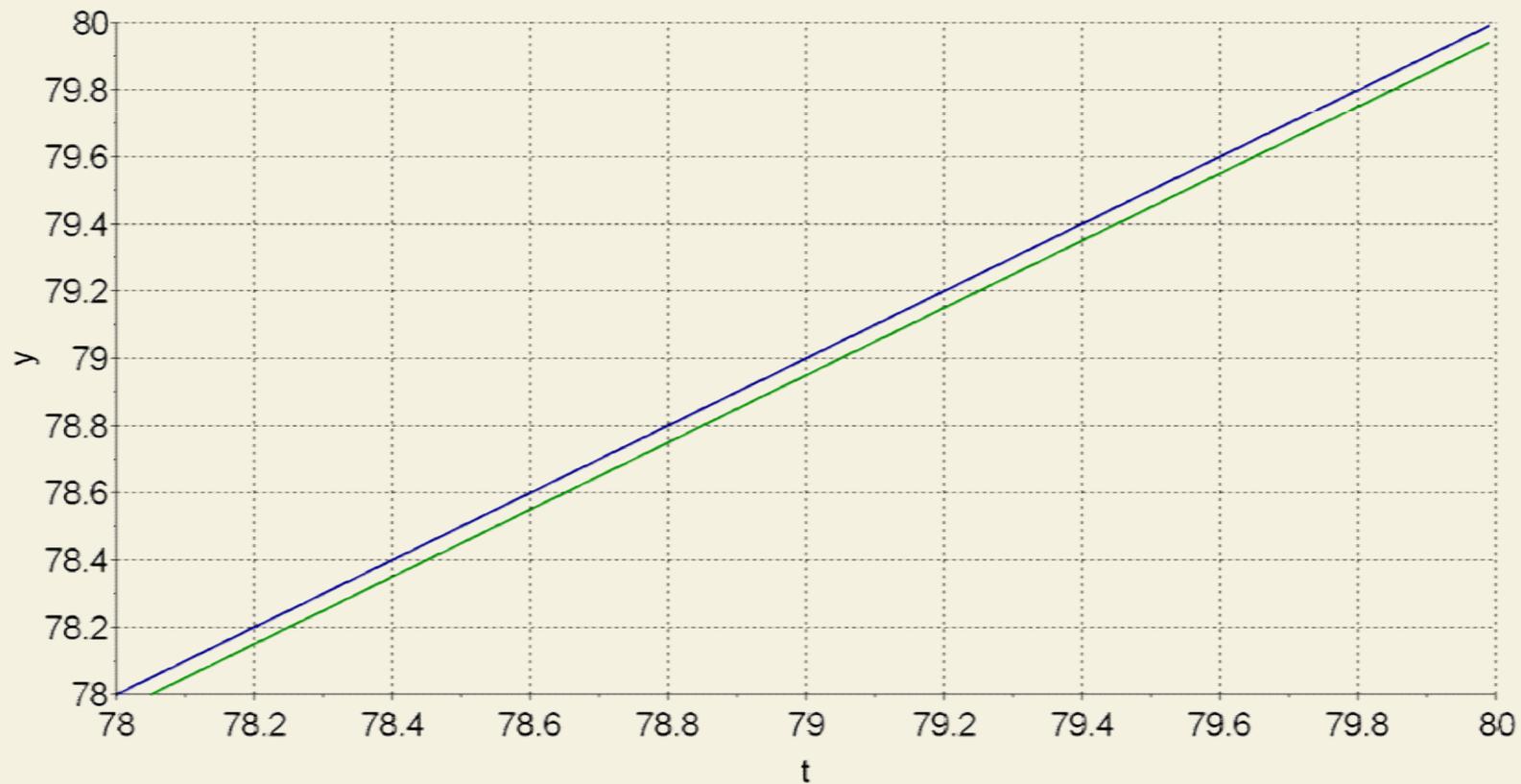
# Exemplo 3

$$D(s) = \frac{s + 0,1}{s + 0,02} \quad G(s) = \frac{16}{s(s + 4)}$$



# Exemplo 3

$$D(s) = \frac{s + 0,1}{s + 0,02} \quad G(s) = \frac{16}{s(s + 4)}$$



# Exemplo 3

$$D(s) = \frac{s + 0,1}{s + 0,02} \quad G(s) = \frac{16}{s(s + 4)}$$

